## FORMULARIO: Seminario de Posgrado 2025

- 1. **Título:** Introducción a la lógica categórica.
- 2. **Profesor:** Octavio Malherbe.
- 3. Marque la disciplina más cercana al curso: Fundamentos .
- 4. Fecha de inicio y finalización: segundo semestre 2025.
- 5. Horas de reunión semanal: 1.5.
- 6. Método de aprobación del seminario: (cantidad de exposiciones por estudiante) en principio tres exposiciones orales dependiendo de la cantidad de participantes.
- 7. Conocimientos previos recomendados: conocimientos básicos de álgebra lineal y moderna, topología, rudimentos de teoría de categorías (no excluyente), rudimentos de lógica matemática (no excluyente).

## 8. Programa del Seminario:

- Teoría básica de retículos. Retículos booleanos y de Heyting. Nociones de teoría de dominios. Nociones de teoría de la prueba.
- Categorías y functores. Transformaciones naturales. Functores contravariantes, fiel y pleno. Mono, epis, isos. Limites, producto, coproductos, colímites. Functores que preservan límites. Límites en la categoría de functores. Adjunción, categorías reflexivas. Categorías indexadas.
- Teoría de tipos algebraica. Teorías algebraicas. Semántica categórica. Teoría de tipos funcional. Lambda cálculo y su semántica categórica. Teoria de tipos polimórfico y sus modelos categóricos. Hiperdoctrinas.
- Cálculo lambda tipado y categorías cartesianas cerradas.
- Modelos categóricos del cálculo Lambda no tipado. Los modelos  $D_{\infty}$  de Scott.

## 9. Bibliografía:

- "Handbook of Categorical Algebra 1" Francis Borceux , Enciclopedia of mathematics and its applications. Cambridge University Press.
- "Categories for types" Roy Crole. Cambridge University Press.
- "Introduction to higher order categorical logic" J.Lambek, P.J. Scott. Cambridge University Press.
- "Lambda-Calculus and Combinators, an Introduction" J. R. Hindley, J. P. Seldin.